

Т.к. $n = 1600$ велико, воспользуемся локальной теоремой Лапласа.

$$P_n(k) = \frac{1}{\sqrt{npq}} * \phi(x)$$

Вычислим x :

$$x = \frac{k - np}{\sqrt{npq}} = \frac{1200 - 1600 * 0,8}{\sqrt{1600 * 0,8 * 0,2}} = -\frac{80}{16} = -5.$$

$$P_{1600}(1200) = \frac{1}{\sqrt{1600 * 0,8 * 0,2}} * \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{5^2}{2}} = \frac{1}{16} * \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{25}{2}} = \frac{1}{16} * 0 = 0.$$

$$p_1 = 0,7; \quad M(x) = 3,3; \quad D(x) = 0,21$$

$$p_2 = 1 - p_1 = 1 - 0,7 = 0,3$$

$$\begin{cases} p_1 x_1 + p_2 x_2 = M(x) \\ p_1 x_1^2 + p_2 x_2^2 - M^2(x) = D(x) \end{cases}$$

Находим:

$$\begin{cases} 0,7x_1 + 0,3x_2 = 3,3 \\ 0,7x_1^2 + 0,3x_2^2 - (3,3)^2 = 0,21 \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{3,3 - 0,3x_2}{0,7}$$

$$\frac{(3,3 - 0,3x_2)^2}{0,7} + 0,3x_2^2 - 10,89 = 0,21$$

$$10,89 - 1,98x_2 + 0,09x_2^2 + 0,21x_2^2 - 7,77 = 0$$

$$0,3x_2^2 - 1,98x_2 + 3,12 = 0$$

$$D = 3,9204 - 3,744 - 0,1764$$

$$x_2^{(1)} = \frac{1,98 + 0,42}{0,6} = 2,6; \quad x_2^{(2)} = \frac{1,98 - 0,42}{0,6} = 4$$

$$x_1^{(1)} = \frac{3,3 - 0,78}{0,7} = 3,6; \quad x_1^{(2)} = \frac{3,3 - 1,2}{0,7} = 3$$

Т.к. $x_1 < x_2$ по условию, то искомый закон распределения:

x	3	4
p	0,7	0,3

№544

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ 3x^2 + 2x, & 0 < x \leq \frac{1}{3} \\ 1, & x > \frac{1}{3} \end{cases}$$

Плотность распределения равна :

$$f(x) = F'(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ 6x + 2, & 0 < x \leq \frac{1}{3} \\ 0, & x > \frac{1}{3} \end{cases}$$

Мат. ожидание :

$$M(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} xf(x)dx = \int_0^{\frac{1}{3}} (6x^2 + 2x)dx = \left(\frac{6x^3}{3} + \frac{2x^2}{2} \right) \Big|_0^{\frac{1}{3}} = 2 * \frac{1}{27} + \frac{1}{9} = \frac{2+3}{27} = \frac{5}{27}.$$

Дисперсия :

$$D(x) = M(x^2) - (M(x))^2 = \int_0^{\frac{1}{3}} (6x^3 + 2x^2)dx - \frac{25}{729} = \left(\frac{6x^4}{4} + \frac{2x^3}{3} \right) \Big|_0^{\frac{1}{3}} - \frac{25}{729} = \frac{3}{2} * \frac{1}{81} + \frac{2}{3} * \frac{1}{27} - \frac{25}{729} = \frac{135+18-25}{729} = 0,0089.$$

№554

$$a = 7, \sigma = 2, \alpha = 3, \beta = 10$$

Для нахождения вероятности попадания величины x в заданный интервал $(\alpha\beta)$ воспользуемся формулой :

$$P(\alpha < x < \beta) = \Phi\left(\frac{\beta - a}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{\alpha - a}{\sigma}\right)$$

$$P(3 < x < 10) = \Phi\left(\frac{10-7}{2}\right) - \Phi\left(\frac{3-7}{2}\right) = \Phi(1,5) - \Phi(-2) = 0,4332 + 0,4772 = 0,9104.$$

564

$$P_1 = \begin{pmatrix} 0,4 & 0,6 \\ 0,5 & 0,5 \end{pmatrix}$$

Воспользуемся формулой :

$$P_2 = P_1^2 = \begin{pmatrix} 0,4 & 0,6 \\ 0,5 & 0,5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,4 & 0,6 \\ 0,5 & 0,5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,16+0,3 & 0,24+0,3 \\ 0,2+0,25 & 0,3+0,25 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,46 & 0,54 \\ 0,45 & 0,55 \end{pmatrix}.$$

http://kvadromir.com/arutunov_sbornik_12.html — решебник Арутюнова Ю.С.
Контрольная работа 12. Вариант 4. Номера 524, 534, 544, 554, 564,574

№574

$$\bar{x} = 75,14; \quad n = 81; \quad \sigma = 9, \quad \gamma = 0,95$$

Доверительный интервал для a найдём по формуле:

$$\bar{x} - 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < a < \bar{x} + 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$75,4 - 1,96 \frac{9}{\sqrt{81}} < a < 75,14 + 1,96 \frac{9}{\sqrt{81}}$$

$$73,18 < a < 77,1.$$

http://kvadromir.com/arutunov_sbornik_12.html — решебник Арутюнова Ю.С.
Контрольная работа 12. Вариант 4. Номера 524, 534, 544, 554, 564,574